

ВСЕРОССИЙСКАЯ ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ ПО ЭКОНОМИКЕ 2013/2014
Второй (окружной) этап 7-8 класс

ОТВЕТЫ к заданиям для 7–8 классов

Время написания – 120 минут, максимальный балл – 100 баллов

Для каждого из тестов 1–5 выберите единственный верный ответ из предложенного списка и укажите его в бланке ответов. Верный ответ на любое из этих заданий оценивается в 6 баллов.

1. Фирма «Бета» является монополистом на рынке некоторого товара и стремится получить максимальную прибыль. К каким последствиям может привести введение государственного регулирования цен на продукцию фирмы «Бета»?

1. к снижению выпуска продукции фирмой «Бета»
2. к увеличению выпуска продукции фирмой «Бета»
3. к закрытию фирмы «Бета»
4. к любому из указанных выше событий

2. Какой из типов экономических систем преобладает в Европе в настоящее время?

1. смешанная
2. традиционная
3. рыночная
4. командно-административная

3. Если на рынке некоторого товара со стандартными функциями спроса и предложения одновременно вырастут издержки производства каждой единицы товара, а также количество его потребителей, то:

1. равновесная цена обязательно вырастет, а равновесное количество может вырасти, упасть или остаться неизменным.
2. равновесная цена обязательно упадет, а равновесное количество может вырасти, упасть или остаться неизменным.
3. равновесное количество обязательно вырастет, а равновесная цена может вырасти, упасть или остаться неизменной.
4. равновесное количество обязательно упадет, а равновесная цена может вырасти, упасть или остаться неизменной.

4. У фирмы «Альфа» есть как постоянные издержки, так и переменные, причем известно, что при любом положительном объеме выпуска средние переменные издержки одинаковы. В этом случае можно утверждать, что с ростом объема выпуска фирмы «Альфа» ее средние общие издержки:

1. возрастают
2. убывают
3. остаются неизменными
4. сначала убывают, а потом возрастают

5. Фирма «Гамма» столкнулась с ростом арендной платы за используемые ей офисные площади. Несмотря на это, руководство фирмы не стало изменять объем производства

продукции. Выберите в предложенном перечне вид издержек фирмы, который НЕ изменится в результате этих событий:

1. бухгалтерские издержки
2. предельные издержки
3. средние общие издержки
4. средние постоянные издержки

Для каждой из задач 6–11 определите верный ответ и напишите его в бланке ответов (не забывайте, где это необходимо, указывать единицы измерения). Верный ответ на любое из этих заданий оценивается в 5 баллов.

6. После валютного кризиса выпуск фирмы сократился на 90%. На сколько процентов следует увеличить выпуск, чтобы вернуться к прежнему его уровню?

Ответ: на 900%

7. В 2011 году реальный ВВП страны Альфа составил 200 дукатов. В 2012 году уровень инфляции в этой стране составил 10% и при этом номинальный ВВП вырос на 21% по сравнению с прошлым годом. Определите реальный ВВП страны Альфа в 2012 году, считая 2011 год базовым.

Ответ: 220 дукатов

8. Сумма вклада в банке увеличивается первого числа каждого месяца на одно и то же количество процентов по отношению к сумме на первое число предыдущего месяца. Первого января сумма вклада составляла 8 миллионов рублей, а первого октября – на 19 миллионов рублей больше. Сколько миллионов рублей составила сумма вклада первого июля?

Ответ: 18 миллионов рублей

9. Фирма «АВС» производит всю свою продукцию в Германии, а продает в России. Издержки производства каждой единицы продукции составляют 1 тысячу евро, издержки транспортировки каждой единицы продукции в Россию составляют 0,5 тысячи евро, других издержек фирма не несет. Спрос на продукцию фирмы «АВС» в России задан уравнением $Q = 12 - 0,2P$. Q – количество единиц товара (в штуках), P – цена одной единицы товара (в тысячах рублей). Фирма стремится получить наибольшую прибыль. При каком курсе европейской валюты (рублей за евро) оптимальный выпуск фирмы будет равен трем единицам продукции?

Ответ: 20 рублей за евро.

10. Фирма, производящая товар X, цена единицы которого постоянна и равна 5 рублей, нанимает работников на конкурентном рынке труда. Зависимость производительности труда (количество единиц продукции произведенной фирмой за месяц, в расчете на одного работника) от числа работников, нанятых фирмой, представлена в таблице:

Количество работников	1	2	3	4	5	6
Производительность труда	400	380	360	340	320	300

Какое количество работников следует нанять фирме, максимизирующей прибыль, если ставка заработной платы составляет 1500 рублей?

Ответ: 3 работника

11. В экономике страны Бутербродии кривая производственных возможностей задается соотношением $X^2 + Y = 1000$, где X – количество произведенных бутербродов с сыром, а Y – количество произведенных бутербродов с колбасой. У всех жителей Бутербродии одинаковые предпочтения: каждый из них больше любит бутерброды с сыром. Точнее говоря, для каждого жителя 1 бутерброд с сыром приносит ровно столько же удовольствия, сколько 2 бутерброда с колбасой (и это соотношение не зависит от числа съеденных бутербродов любого вида). Укажите, сколько бутербродов с сыром и сколько бутербродов с колбасой следует производить жителям Бутербродии, чтобы их удовольствие от жизни было максимальным.

Ответ: 1 бутерброд с сыром и 999 бутербродов с колбасой

Для каждой из задач 12–15 приведите подробное решение. Верное решение и верный ответ на любое из этих заданий оценивается в 10 баллов.

12. Спрос и предложение на рынке некоторого товара являются линейными. При цене 67 рублей за единицу товара на рынке продается положительное количество товара и наблюдается дефицит в размере 33 единиц товара. При цене 107 рублей за единицу товара на рынке продается положительное количество товара и наблюдается избыточное предложение в размере 11 единиц товара. Определите равновесную цену товара.

Решение:

Задачу можно решить двумя способами – аналитически и геометрически. Геометрический способ короче, однако мы приведем здесь оба.

Способ 1 – аналитический

Спрос задаётся линейной функцией: $Q^d(p) = a - b * p$, где Q^d – величина спроса, p – цена, $a > 0$ и $b > 0$ – некоторые параметры функции спроса.

Предложение задаётся линейной функцией: $Q^s(p) = c + d * p$, где Q^s – величина предложения, p – цена, c и $d > 0$ – некоторые параметры функции предложения.

Ситуация дефицита возникает, если при заданной цене $Q^d > Q^s$. Так как при цене $p = 67$ $Q > 0$, то величина дефицита вычисляется по формуле:

$$Deficit(p) = Q^d(p) - Q^s(p) = a - b * p - c - d * p = (a - c) - (b + d) * p$$

И при $p = 67$:

$$Deficit(67) = Q^d(67) - Q^s(67) = a - b * 67 - c - d * 67 = (a - c) - (b + d) * 67 = 33 \text{ (1 балл)}$$

Ситуация излишка возникает, если при заданной цене $Q^s > Q^d$. Так как при цене $p = 107$ $Q > 0$, то величина излишка вычисляется по формуле:

$$Surplus(p) = Q^s(p) - Q^d(p) = c + d * p - a + b * p = -(a - c) + (b + d) * p$$

И при $p = 107$:

$$Surplus(107) = Q^s(107) - Q^d(107) = c + d * 107 - a + b * 107 = -(a - c) + (b + d) * 107 = 11 \text{ (1 балл)}$$

Произведём замену переменных: $(a - c) = x$, $(b + d) = y$.

Тогда получаем систему из двух уравнений с двумя неизвестными:

$$\begin{cases} x - 67y = 33 \\ -x + 107y = 11 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} y = 1,1 \\ x = 106,7 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} b + d = 1,1 \\ a - c = 106,7 \end{cases} \text{ (4 балла)}$$

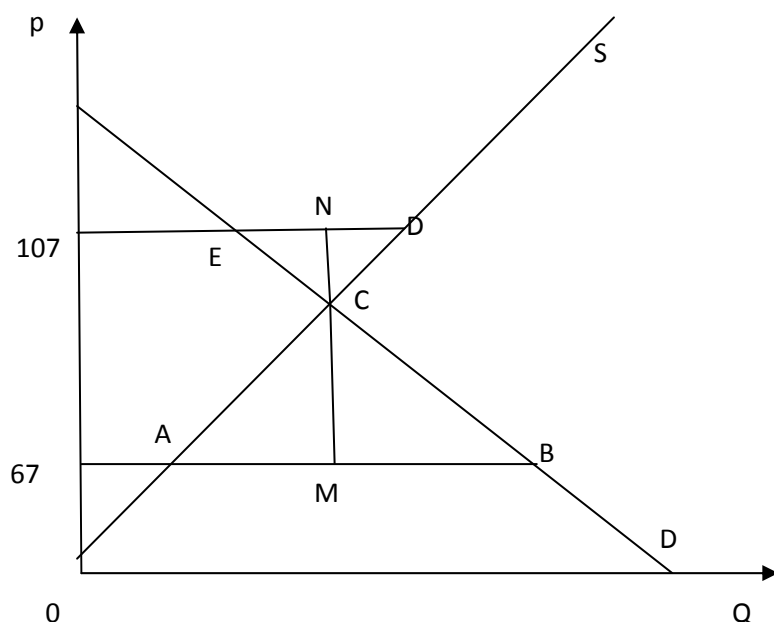
При равновесной цене (p^e) $Q^d = Q^s$, поэтому нет ни излишка, ни дефицита. Таким образом, в точке p^e значения этих функций равны нулю:

$$106,7 - 1,1 * p^e = 0 \text{ (1 балл)}$$

$$p^e = 106,7 / 1,1 = 97. \text{ (3 балла)}$$

Ответ: 97 рублей.

Способ 2 – геометрический



При решении данным способом обязательно наличие графика.

В данном случае отрезок AB отображает величину дефицита при цене 67 и его длина равна 33. Отрезок DE отображает величину излишка при цене 107, и его длина равна 11. **(график, на котором указаны все нужные параметры, оцениваем в 4 балла)**

Треугольники ABC и DEC являются подобными. **(1 балл)**

Это означает, что коэффициент подобия треугольников равен соотношению подобных сторон, а именно: $k = \frac{AB}{DE} = \frac{33}{11} = 3$. **(1 балл)**

Это означает, что высоты CM и CN данных треугольников соотносятся также как 3:1.

Длина отрезка MN равна $107 - 67 = 40$. Обозначим длину отрезка CN за z . Тогда получаем следующее уравнение:

$$3z + z = 40$$

$$z = 10 \text{ (1 балл)}$$

Получаем, что равновесная цена равна $107 - 10 = 97$ рублей. **(3 балла)**

Ответ: 97 рублей.

13. Спрос на товар X и его предложение заданы, соответственно, уравнениями $Q = 400 - 4P$ и $Q = 4P - 80$. Q – количество единиц товара (в штуках), P – цена одной единицы товара (в рублях). Правительство вводит потоварный налог с производителей в виде фиксированной суммы за каждую проданную единицу продукции, причем размер налога выбирается таким образом, чтобы поступления в государственный бюджет в результате его введения были максимальными. Определите равновесную цену, которую придется платить потребителям за каждую единицу товара после введения этого налога.

Решение:

Функция предложения с учетом налога имеет вид: $Q = 4(P - t) - 80$ (1 балл)

Обратные функции спроса и предложения можно записать следующим образом:

$$P = 100 - 0,25Q$$

$$P = 20 + 0,25Q + t$$

Приравняв их друг к другу, находим равновесное количество товара, как функцию от ставки налога: $Q^* = 160 - 2t$. (3 балла)

Суммарные поступления в государственный бюджет равны $tQ = 160t - 2t^2$. (1 балл)

Это парабола с ветвями, направленными вниз, следовательно, в точке вершины этой параболы поступления в государственный бюджет максимальны. (1 балл за это рассуждение. Если точка ищется с использованием производной, то также должно быть показано, что это точка максимума.)

Найдя вершину, получаем: $t^* = 40$ (1 балл).

Теперь можно получить соответствующее равновесное количество: $Q^* = 160 - 2t^* = 80$.

После этого получаем искомую равновесную цену: $P^* = 100 - 0,25 * 80 = 80$ (3 балла)

Ответ: 80 рублей

14. Фирма-монополист имеет функцию предельных издержек $TC = q^2 - 8q + 19$. Ее предельный доход задан уравнением $MR = 10 - 2q$, где q – количество единиц товара (в тоннах), P – цена одной тонны товара (в рублях). Определите объем выпуска монополиста, при котором его прибыль будет максимальной.

Решение:

Предельный доход равен предельным издержкам в точке: $q = 3$ (2 балла).

Во всех остальных точках предельный доход меньше предельных издержек (4 балла, этот факт может быть показан путем решения соответствующего неравенства ИЛИ путем аккуратного изображения графиков MR и MC на одном рисунке).

Следовательно, прибыль фирмы убывает (не возрастает в точке $q = 3$) с увеличением объема выпуска. Поэтому наилучшим решением для фирмы будет нулевой объем выпуска. (4 балла)

Комментарий: Эта задача иллюстрирует тот факт, что, даже если условие $MR=MC$ выполняется в единственной точке, то вовсе не факт, что именно в этой точке прибыль фирмы максимальна.

Ответ: 0

15. Фирма «Сигма» производит некоторый товар и продает его на рынке совершенной конкуренции. Общие издержки производства товара имеют вид $TC = \frac{q^2}{200} + 8$, где TC – общие издержки фирмы (д.е.), q – объем выпуска фирмы (тонны). Кроме того, фирма должна платить за лицензию, лицензионный платеж равен 50 д.е. и не зависит от объема выпуска фирмы (но если фирма ничего не выпускает, то и лицензию оплачивать не нужно). Фирма стремится получить наибольшую прибыль. Определите минимальную цену единицы продукции фирмы, при которой ее оптимальный выпуск будет положительным.

Ответ: 1 д.е.

Решение:

У фирмы есть возможность выбрать нулевой выпуск или положительный.

В первом случае она получит прибыль равную $PR(0) = -8$. **(1 балл)**

Во втором случае ее прибыль составит: $PR = PQ - \frac{Q^2}{200} - 8 - 50$. **(1 балл)**

Относительно объема выпуска это парабола с ветвями, направленными вниз, следовательно, вершина этой параболы будет соответствовать максимальной прибыли. Найдем ее: $Q^* = 100P$. Прибыль при данном объеме выпуска составит:

$$PR(Q^*) = P * 100P - \frac{(100P)^2}{200} - 8 - 50$$

$$PR(Q^*) = 50P^2 - 8 - 50 \text{ (2 балла)}$$

Ясно, что фирма согласится выбирать положительный объем выпуска только в том случае, если прибыль от этого варианта не меньше, чем от нулевого. Иными словами, только в том случае, если:

$$PR(Q^*) \geq PR(0) \text{ (3 балла за идею сравнения прибылей)}$$

$$50P^2 - 8 - 50 \geq -8$$

$$P \geq 1 \text{ (3 балла)}$$

Ответ: 1 д.е.

Примечания: этот результат можно получить другим путем. Можно находить граничную цену, используя тот факт, что она равна минимуму средних переменных издержек. В этом случае важно определить переменные издержки, включив в них лицензионный платеж (строго говоря, в такой ситуации экономисты называют лицензионный платеж квазипостоянными издержками, и их надо учитывать именно по той причине, что при нулевом выпуске они равны нулю):

$$AVC = \frac{\frac{Q^2}{200} + 50}{Q}, \quad Q > 0.$$

Тогда минимальное значение также получится равным 1. При этом решении участники олимпиады, корректно выписавшие минимизируемую функцию, должны получать 5 баллов. А те, кто нашел минимальное значение этой функции и указал, что оно и является ответом, должны получать полный балл.